

## รายการอ้างอิง

### ภาษาไทย

- นเรศ เพ็ชรนิน. การตรวจจับ Harmonics สำหรับ Active Power Filter โดยใช้ Neural Network. เอกสารรวมเล่มการประชุมวิชาการทางวิศวกรรมไฟฟ้าครั้งที่ 19 ณ โรงแรมเจริญธานีปรีณเซส จ.ขอนแก่น วันที่ 7 - 8 พฤศจิกายน 2539 หน้า DS-28 - DS-32.
- สรรคธิพงษ์ โนมิตเกษม. วงจรรอกกำลังแอกทีฟขนานแบบไฮบริดสำหรับกำจัดฮาร์มอนิก. วิทยานิพนธ์วิศวกรรมศาสตรมหาบัณฑิต ภาควิชาวิศวกรรมไฟฟ้า จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2540.

### ภาษาอังกฤษ

- A.Mariscotti. "Fast and scalable spectrum analysis via Recursive Discrete Fourier Transform". ICHQP Conf. Rec., Oct. 16-18, 1996, pp.370-373.
- A.Salem nia and S.Saadate. "Digital Control Active Filter Suppressing Particular Harmonics : Numerical Simulation and Experimentation". Proc. of ICHQP-Las Vegas , pp.632-636, 1996.
- E.Destobbeleer, L.Protin. "On the Detection of Load Active Currents for Active Filter Control". IEEE Trans. on Power Electronics Vol. 11, NO.6 November, pp. 768-775, 1996.
- F.Z.Peng , M.Kohata , and H.Akagi . "Compensation Characteristic of Shunt Active and Series Active Filters". Chinese-Japanese Power Electronics Conference , pp.381-387 , 1992.
- H.Akagi and A.Nabae . "Control Strategy of Active Power Filters Using Multiple Voltage-Source PWM Converters". IEEE Tran. Ind. App. Vol. IA-22 , No.3 May/June , pp. 460-465 , 1986.
- H.Akagi , Y.Kanazawa , and A.Nabae . "Generalized Theory of the Instantaneous Reactive Power in Three-Phase Circuits". Proc.of IPEC-Tokyo , pp.1375-1386 , 1983.

- IEEE Standard 519-1992 . "IEEE Recommended Practices and Requirements for Harmonic Control in Electrical Power Systems" . IEEE , pp. 78 , 1992.
- J.S.Tepper, J.W.Dixon, G.Venegas, L.Moran. "A Simple Frequency-Independent Method for Calculating the Reactive and Harmonic Current in a Nonlinear Load". IEEE Trans. on Industrial Electronics Vol. 43, NO.6 December, pp. 647-654, 1996.
- L.S.Czarnecki. "Power Theory of Electrical Circuits with Quasi - Periodic Waveforms of Voltages and Currents". European Trans. on Electrical Power, Vol.6, NO.5, Sept./Oct., 1996, pp. 321 - 328.
- M.Aredes, E.H.Watanabe. "New Control Algorithms for Series and Shunt Three-Phase Four-Wire Active Power Filters". IEEE Trans. on Power Delivery Vol. 10, NO.3 July, pp. 1649-1656, 1995.
- M.Takeda, K. Ikeda, A. Teramoto, T. Aritsuka. "Harmonic Current and Reactive Power Compensation with an Active power Filter". IEEE/PESC, pp.1174-1178,1988.
- N. Nanaumi , S.Kuramoti , and M.Yano . "Comparision of Versatile Harmonics Current Compensation and Specific Harmonics Number Current Compensation" . Conf. Rec. of Japan IAS , pp.407-410 , 1996.
- R. Hartley, K. Welles. "Recursive Computation of the Fourier Transform". IEEE Int. Symposium on Circuits and Systems , Vol.3 , 1990 , pp. 1792 -1795.
- S. Bernard, G. Trochain. "Second Generation of High Power Active Harmonic Conditioner based on the Current Injection Mode". ICHQP Conf. Rec., Oct. 16-18, 1996, pp.225-234.

ภาคผนวก

## ภาคผนวก ก

การพิจารณาสัญญาณขาออกที่ได้จากการคำนวณ Recursive DFT เมื่อใช้ Sliding Basis แบบ A

เราจะทำการพิสูจน์ว่า เมื่อสัญญาณขาเข้าเป็นสัญญาณรายคาบเวลาไม่ต่อเนื่องที่มีคาบเวลาเท่ากับคาบเวลาที่ใช้ในการเก็บข้อมูลสำหรับการคำนวณ DFT การคำนวณ Recursive DFT 1 คาบ โดยใช้ Sliding Basis แบบ A ตามสมการที่ (3.6) จะได้สัญญาณขาออกเป็นสัญญาณฮาร์มอนิกในอันดับที่ต้องการโดยตรง พิจารณาสัญญาณกระแส

$$i(k) = \sum_{h'=-\infty}^{\infty} I_{h'} W^{h'k} = \sum_{h'=-\infty}^{\infty} i_{h'}(k) \quad (ก.1)$$

เมื่อ  $h'$  คืออันดับของฮาร์มอนิกของสัญญาณกระแส  $k$  คือดัชนีเวลาไม่ต่อเนื่อง ทำการคำนวณ Recursive DFT เพื่อหาองค์ประกอบฮาร์มอนิกอันดับที่  $h$  จะได้ดังนี้

$$I_h(k) = \frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N-1} i(k-n) \cdot W^{hn} \quad (ก.2)$$

แทนค่า  $i(k)$  ในสมการ (ก.1) ลงในสมการ (ก.2) จะได้ว่า

$$\begin{aligned} I_h(k) &= \frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N-1} \left( \sum_{h'=-\infty}^{\infty} I_{h'} W^{h'(k-n)} \right) W^{hn} \\ &= \frac{1}{N} \sum_{h'=-\infty}^{\infty} \left( \sum_{n=0}^{N-1} I_{h'} W^{h'k} W^{(h-h')n} \right) \\ &= \frac{1}{N} \sum_{h'=-\infty}^{\infty} \left\{ I_{h'} W^{h'k} \left( \sum_{n=0}^{N-1} W^{(h-h')n} \right) \right\} \quad (ก.3) \end{aligned}$$

เนื่องจากเทอมใน (\*) ของสมการ (ก.3) จะมีค่าเป็น 0 เสมอ ยกเว้นเฉพาะในกรณีที่  $h' = h$  ดังนั้นเราจะได้ว่า

$$\begin{aligned}
 I_h(k) &= \frac{1}{N} I_h W^{hk} \sum_{n=0}^{N-1} W^n \\
 &= I_h W^{hk} = i_h(k)
 \end{aligned}
 \tag{ก.4}$$

ค่า  $I_h(k)$  ที่คำนวณได้จะเป็นสัญญาณฮาร์มอนิกอันดับที่  $h$  ณ เวลา  $k$  คือ  $i_h(k)$  ตรงตามต้องการ

## ภาคผนวก ข

## การพิสูจน์สมการ Recursive ของการทำ DFT แบบเติมคาบ

ในที่นี้เราจะทำการพิสูจน์ว่าการทำ DFT แบบเติมคาบโดยใช้ Sliding Basis ตามสมการที่ (3.6) สามารถเขียนเป็นสมการ Recursive ได้ดังสมการที่ (3.8) เริ่มจากพิจารณาสมการที่ (3.6)

$$\begin{aligned} I_h(k) &= \frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N-1} i(k-n) \cdot W^{hn} \\ &= \frac{1}{N} \sum_{n=1}^{N-1} i(k-n) \cdot W^{hn} + \frac{1}{N} i(k) \end{aligned} \quad (3.6)$$

เมื่อแทนค่า  $k$  ด้วย  $k-1$  ลงในสมการ (3.6) จะได้

$$I_h(k-1) = \frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N-1} i(k-n-1) \cdot W^{hn} \quad (ข.1)$$

แทนค่า  $m = n+1$  จะได้

$$I_h(k-1) = \frac{1}{N} \sum_{m=1}^N i(k-m) \cdot W^{hm} W^{-h} \quad (ข.2)$$

คูณทั้งสองข้างของสมการ (ข.1) ด้วย  $W^h$  และแยกพจน์ของ  $i(k-m)$  เมื่อ  $m=N$  ออกมาจะได้

$$W^h I_h(k-1) = \frac{1}{N} \sum_{m=1}^{N-1} i(k-m) \cdot W^{hm} + \frac{1}{N} i(k-N) \cdot W^{hN} \quad (ข.3)$$

ดังนั้นจากสมการ (3.6) และ (ข.3) เราจะได้ว่า

$$I_h(k) = \frac{1}{N} i(k) + W^h I_h(k-1) - \frac{1}{N} i(k-N) \cdot W^{hN} \quad (ข.4)$$

โดยการแทนค่า  $W^{hN} = e^{j\frac{2\pi}{N}hN} = 1$  และจัดรูปเราจะได้ว่า

$$I_h(k) = W^h I_h(k-1) + \frac{1}{N} (i(k) - i(k-N)) \quad (\text{ข.5})$$

ซึ่งตรงกับสมการที่ (3.8)

### การพิสูจน์สมการ Recursive ของการทำ DFT แบบ 1/6 คาบ

ในกรณีของการทำ DFT แบบ 1/6 คาบโดยใช้ Sliding Basis ตามสมการที่ (3.12) ซึ่งเขียนเป็นสมการ Recursive ได้ดังสมการที่ (3.13) เราสามารถพิสูจน์ได้ในทำนองเดียวกันคือ

$$\begin{aligned} I_{6h}(k) &= \frac{6}{N} \sum_{n=0}^{\frac{N}{6}-1} i(k-n) \cdot W^{hn} \\ &= \frac{6}{N} \sum_{n=1}^{\frac{N}{6}-1} i(k-n) \cdot W^{hn} + \frac{6}{N} i(k) \end{aligned} \quad (3.12)$$

พิจารณา

$$I_{6h}(k-1) = \frac{6}{N} \sum_{n=0}^{\frac{N}{6}-1} i(k-n-1) \cdot W^{hn} \quad (\text{ข.6})$$

แทนค่า  $m = n+1$  จะได้

$$I_{6h}(k-1) = \frac{6}{N} \sum_{m=1}^{\frac{N}{6}} i(k-m) \cdot W^{hm} W^{-h} \quad (\text{ข.7})$$

คูณทั้งสองข้างของสมการ (ข.1) ด้วย  $W^h$  และแยกพจน์ของ  $i(k-m)$  เมื่อ  $m=N/6$  ออกมาจะได้

$$W^h I_{6h}(k-1) = \frac{6}{N} \sum_{m=1}^{\frac{N}{6}-1} i(k-m) \cdot W^{hm} + \frac{6}{N} i(k - \frac{N}{6}) \cdot W^{h\frac{N}{6}} \quad (\text{ข.8})$$

ดังนั้นจากสมการ (3.12) และ (ข.8) เราจะได้ว่า

$$I_{6h}(k) = \frac{6}{N} i(k) + W^h I_{6h}(k-1) - \frac{6}{N} i(k - \frac{N}{6}) \cdot W^{h\frac{N}{6}} \quad (\text{ข.9})$$

โดยการแทนค่า  $W^{h\frac{N}{6}} = e^{j\frac{2\pi}{N}h\frac{N}{6}} = e^{j\frac{\pi}{3}h}$  และจัดรูปเราจะได้ว่า

$$I_{6h}(k) = W^h I_{6h}(k-1) + \frac{6}{N} (i(k) - e^{j\frac{\pi}{3}h} i(k - \frac{N}{6})) \quad (\text{ข.10})$$

ซึ่งตรงกับสมการที่ (3.13)



## ภาคผนวก ก

## การพิจารณาฟังก์ชันโอนย้ายบนแกนหมุนใน z-Domain

ในการตรวจจับกระแสฮาร์โมนิกเมื่อพิจารณาเป็นสเปซเวกเตอร์บนแกนนิ่งจะได้รับความสัมพันธ์ระหว่างค่า DFT ที่ได้จากกระแสขาเข้าคือ

$$I_h(z) = D_h(z) \cdot i(z) \quad (\text{ค.1})$$

และเมื่อพิจารณาบนแกนหมุนของ  $W^{hk}$  เมื่อ  $k$  คือดัชนีเวลาไม่ต่อเนื่อง สัญญาณ  $I_h(z)$  และ  $i(z)$  จะเปลี่ยนไปเป็น  $I'_h(z)$  และ  $i'(z)$  ตามลำดับโดยที่

$$I'_h(z) = Z[W^{-hk} I_h(k)] \quad , \quad i'(z) = Z[W^{-hk} i(k)]$$

และฟังก์ชัน โอนย้ายบนแกนหมุนเป็นไปตามสมการ

$$I'_h(z) = D'_h(z) \cdot i'(z) \quad (\text{ค.2})$$

จากทฤษฎีบทของผลการแปลง  $Z$  ที่ว่า

$$\text{ถ้า } Z[x(k)] = X(z) \text{ แล้ว } Z[a^k x(k)] = X(a^{-1}z)$$

เมื่อประยุกต์ใช้กับสมการที่(ค.1) โดยพิจารณา  $W^{-h}$  เป็น  $a$  และ  $I_h(k)$  เป็น  $x(k)$  เราจะได้ว่า

$$\text{ถ้า } Z[I_h(k)] = D_h(z) \cdot Z[i(k)]$$

$$\text{แล้ว } Z[W^{-hk} I_h(k)] = \left\{ D_h(z) \cdot Z[i(k)] \right\}_{z \Rightarrow W^h z}$$

$$Z[I'_h(k)] = D_h(W^h z) \cdot Z[W^{-hk} i(k)]$$

$$Z[I'_h(k)] = D_h(W^h z) \cdot Z[i'(k)] \quad (\text{ค.3})$$

ดังนั้นเราจะได้ความสัมพันธ์ระหว่างฟังก์ชัน โอนย้ายบนแกนนิ่งและแกนหมุนคือ

$$D'_h(z) = D_h(W^h z) \quad (\text{ค.4})$$

และในทางกลับกัน

$$D_h(z) = D'_h(W^{-h} z) \quad (\text{ค.5})$$

เมื่อเราประยุกต์ใช้ความสัมพันธ์ในสมการ (ค.4) กับฟังก์ชัน โอนย้ายในการตรวจจับกระแสฮาร์โมนิกด้วย Recursive DFT แบบต่างๆ จะได้ผลดังนี้คือ

กรณีใช้กรอบข้อมูล 1 คาบ

$$D'_h(z) = \frac{1}{N} \frac{1 - (W^h z)^{-N}}{1 - W^h (W^h z)^{-1}}$$

จาก  $W^{hN} = 1$  เราจะได้ว่า

$$D'_h(z) = \frac{1}{N} \frac{1 - z^{-N}}{1 - z^{-1}} \quad (\text{ค.6})$$

กรณีใช้กรอบข้อมูล 1/6 คาบ

$$D'_{6h}(z) = \frac{6}{N} \frac{1 - e^{j\frac{\pi}{3}h} (W^h z)^{-\frac{N}{6}}}{1 - W^h (W^h z)^{-1}}$$

พิจารณา

$$e^{j\frac{\pi}{3}h} W^{-h\frac{N}{6}} = e^{j\frac{\pi}{3}h} e^{-j\frac{2\pi}{N}h\frac{N}{6}} = 1$$

ดังนั้นเราจะได้ว่า

$$D'_{6h}(z) = \frac{6}{N} \frac{1 - z^{-N}}{1 - z^{-1}} \quad (\text{ค.7})$$

## ภาคผนวก ง

การพิจารณาลักษณะของผลตอบสภาวะชั่วคราวของการตรวจจับฮาร์มอนิก  
ด้วย Recursive DFT เมื่อกระแสโพลดมีการเปลี่ยนแปลงแบบขั้น

เมื่อกระแสโพลดมีการเปลี่ยนแปลงของกระแสโพลดแบบขั้น กระแสองค์ประกอบฮาร์มอนิกที่เราต้องการตรวจจับก็จะมีเปลี่ยนแปลงของแอมพลิจูดเป็นแบบขั้นด้วย ถ้าเราพิจารณากระแสฮาร์มอนิกบนแกนหมุนของฮาร์มอนิกความถี่นั้นๆ สัญญาณฮาร์มอนิกที่เราพิจารณาก็จะกลายเป็นสัญญาณไฟตรง ดังนั้นการเปลี่ยนแปลงแบบขั้นของกระแสฮาร์มอนิกบนแกนนิ่งก็จะกลายเป็นการเปลี่ยนแปลงแบบขั้นของสัญญาณไฟตรงบนแกนหมุนหรือมีลักษณะเป็นขั้นบันไดนั่นเอง ซึ่งลักษณะของผลตอบต่อสัญญาณขั้นบันไดบนแกนหมุนนี้ก็จะสะท้อนถึงลักษณะการเปลี่ยนแปลงของแอมพลิจูดของสัญญาณบนแกนนิ่ง เมื่อเราพิจารณาผลตอบต่อสัญญาณขั้นบันไดของฟังก์ชัน โอนย้ายบนแกนหมุนในการตรวจจับกระแสฮาร์มอนิกด้วย Recursive DFT ตามสมการที่ (ง.1) (ดูภาคผนวก ค)

$$D'_h(z) = \frac{I'_h(z)}{i'(z)} = \frac{1}{N} \frac{1 - z^{-N}}{1 - z^{-1}} \quad (\text{ง.1})$$

สมการที่ (ง.1) สามารถเขียนเป็นสมการผลต่างเชิงเลขซึ่งมีลักษณะเป็นสูตร Recursive ได้ดังสมการที่ (ง.2)

$$I'_h(k) = I'_h(k-1) + \frac{1}{N} (i'(k) - i'(k-N)) \quad (\text{ง.2})$$

เมื่อให้  $i'(k)$  มีการเปลี่ยนแปลงแบบขั้นจากค่า  $C1$  ไปเป็น  $C2$  ที่จุดเวลา  $k=0$  เราจะได้ว่า

$$\begin{aligned} i'(k) - i'(k-N) &= C2 - C1 = C3 && \text{เมื่อ } k < N \\ &= 0 && \text{เมื่อ } k \geq N \end{aligned}$$

แทนค่าคงตัวในสมการ (ง.2) เราจะได้ว่า

$$\begin{aligned} \text{เมื่อ } k < N \quad I'_h(k) &= I'_h(k-1) + \frac{C3}{N} \\ &= C1 + \frac{C3}{N}(k+1) \end{aligned} \quad (ง.3)$$

$$\text{เมื่อ } k \geq N \quad I'_h(k) = I'_h(k-1) \quad (ง.4)$$

สมการ (ง.3) และ (ง.4) ให้ความได้ว่าตั้งแต่จุดเวลาที่  $k = 0$  ค่าสัญญาณขาออก  $I'_h(k)$  จะเพิ่มค่าอย่างเป็นเชิงเส้นด้วยความชันเท่ากับ  $\frac{C3}{N}$  ต่อจุด จนกระทั่งถึงจุดเวลาที่  $k = N$  สัญญาณขาออกจึงจะมีค่าเท่ากับค่าสุดท้ายคือ  $C2$  และจะคงที่ต่อไป ซึ่งเมื่อเราตีความบนแกนนี้ก็คือเมื่อแอมพลิจูดขององค์ประกอบฮาร์โมนิกมีการเปลี่ยนแปลงแบบขึ้น สัญญาณฮาร์โมนิกที่ตรวจจับได้ก็就会有การเปลี่ยนแปลงของแอมพลิจูดเป็นเส้นตรงจนเข้าสู่ค่าสุดท้ายภายในเวลา 1 คาบ และสำหรับกรณีที่ใช้การตรวจจับฮาร์โมนิกแบบ Recursive DFT แบบ 1/6 คาบเราก็สามารถพิจารณาได้ในลักษณะเดียวกัน

### ประวัติผู้เขียน

นายสันต์ ศรีธรรมธารง เกิดเมื่อวันที่ 6 มกราคม พ.ศ. 2519 ที่อำเภอเมือง จังหวัดอุทัยธานี สำเร็จการศึกษาระดับปริญญาวิศวกรรมศาสตรบัณฑิต (เกียรตินิยมอันดับสอง) สาขาวิศวกรรมไฟฟ้า (ไฟฟ้ากำลัง) จากจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย ปีการศึกษา 2538 และ ได้เข้าศึกษาต่อในหลักสูตรวิศวกรรมศาสตรมหาบัณฑิต สาขาวิศวกรรมไฟฟ้า (อิเล็กทรอนิกส์กำลัง) ณ ภาควิชาวิศวกรรมไฟฟ้า คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย ในปีการศึกษา 2539

